

Laboratorio di Informatica

Ingegneria Meccanica (canale 1)

Lezione 3, 15 ottobre 2007

1

Conversione fra basi

- Problema: dato un numero rappresentato da N_1 in base B_1 , trovarne la rappresentazione N_2 in base B_2 (**trasformazione di rappresentazione**)
- $(N_1)_{B_1} \rightarrow (N_2)_{B_2}$
- Nel seguito, se chiaro dal contesto, N denota sia il numero che il numerale

2

Conversione alla base B (I)

- N numero da convertire ($N > 0$, intero)
- Per ogni intero D ($1 \leq D \leq N$), $N = Q \cdot D + R$ dove Q ($Q \leq N$) e R ($0 \leq R < D$) sono **quoziente** e **resto** della divisione fra gli interi N e D
- Notazione
 $Q = N/D$
 $R = N \bmod D$
- Nella nuova base B , N sarà rappresentato da
 $d_{k-1}B^{k-1} + \dots + d_1B + d_0 = (d_{k-1}B^{k-2} + \dots + d_1) \cdot B + d_0$
e quindi $d_0 = N \bmod B$ e $d_{k-1}B^{k-2} + \dots + d_1 = N/B$
- Ora, $d_{k-1}B^{k-2} + \dots + d_1 = (d_{k-1}B^{k-3} + \dots + d_2) \cdot B + d_1$ e quindi $d_1 = N' \bmod B$ e $d_{k-1}B^{k-3} + \dots + d_2 = N'/B$ con $N' = N/B$ (per le altre cifre si procede analogamente)

3

Conversione alla base B (II)

- Le cifre d_0, d_1, \dots, d_{k-1} così ottenute sono rappresentate nella base in cui si sono eseguite le operazioni (la stessa base di partenza in cui N è rappresentato)
- Per ottenere la rappresentazione di N in base B , le cifre d_0, d_1, \dots, d_{k-1} devono essere rappresentate con i simboli previsti per la base B (si veda il seguente Esempio 2)

4

Regola di conversione

N intero, B base

Poni $h = 0$

Finché $N \neq 0$ esegui

$$d_h = N \bmod B$$

$$N = N/B$$

$$h = h + 1$$

fine

Esempio 1: $(25)_{10} = (??)_2$

N	N/2	N mod 2	Cifra
25	12	1	$d_0 = 1$
12	6	0	$d_1 = 0$
6	3	0	$d_2 = 0$
3	1	1	$d_3 = 1$
1	0	1	$d_4 = 1$

$$(25)_{10} = (11001)_2$$

5

Esempi

Esempio 2: $(30)_{10} = (??)_{16}$

N	N/16	N mod 16	Cifra
30	1	14	$d_0 = E$
1	0	1	$d_1 = 1$

$$(30)_{10} = (1E)_{16} = 0 \times 1E$$

Esempio 3: $(30)_{10} = (??)_2$

N	N/2	N mod 2	Cifra
30	15	0	$d_0 = 0$
15	7	1	$d_1 = 1$
7	3	1	$d_2 = 1$
3	1	1	$d_3 = 1$
1	0	1	$d_4 = 1$

$$(30)_{10} = (11110)_2$$

6

Conversioni fra basi speciali (I)

- Dato un numero rappresentato da $(n)_b$, trovarne la rappresentazione $(N)_B$ in base $B = b^m$ ($m > 0$, intero)

$$(n)_b \rightarrow (N)_B$$

- In questo caso, le cifre in base B si ottengono immediatamente da quelle in base b come segue

$$N = d_{k-1}b^{k-1} + \dots + d_1b + d_0 = D_{H-1}B^{H-1} + \dots + D_1B + D_0$$

$$d_{m-1}b^{m-1} + \dots + d_1b + d_0 = D_0$$

$$d_{2m-1}b^{2m-1} + \dots + d_{m+1}b^{m+1} + d_m b^m = D_1 B$$

etc.

- Partendo da $d_{m-1} \dots d_1 d_0$, per il numero corrispondente a ogni singolo gruppo di m cifre in $(n)_b$ si determina la cifra richiesta per rappresentarlo in base B

7

Conversioni fra basi speciali (II)

- Si deve partire dal gruppo di m cifre meno significativo ($d_{m-1} \dots d_1 d_0$)
- Se il numero K di cifre in $(n)_b$ è multiplo di m , si può partire anche dal gruppo più significativo

8

Conversioni fra basi speciali (III)

- Esempio: $b = 2, B = 8 = 2^3$
 $(1100011000101010110)_2 \rightarrow (??)_8$
 $d_2b^2 + d_1b + d_0 = D_0$
 $d_5b^5 + d_4b^4 + d_3b^3 = D_1B \dots$

verso di conversione

←
 1 100 011 000 101 010 110
 1 4 3 0 5 2 6

- $(1100011000101010110)_2 \rightarrow (1430526)_8$

Conversioni fra basi speciali (IV)

- Quanto detto per la conversione da base b a base $B = b^m$ ($m > 0$, intero) è utilizzabile per risolvere il problema inverso
- $(N)_B \rightarrow (n)_b$
 $N = D_{H-1}B^{H-1} + \dots + D_1B + D_0 = d_{K-1}b^{K-1} + \dots + d_1b + d_0$
 $D_0 = d_{m-1}b^{m-1} + \dots + d_1b + d_0$
 $D_1B = d_{2m-1}b^{2m-1} + \dots + d_{m+1}b^{m+1} + d_m b^m$
 etc.
- Per il numero corrispondente a ogni singola cifra di $(N)_B$ si determinano le m cifre richieste per rappresentarlo in base b (si può partire da D_0 o da D_{H-1})

Conversioni fra basi speciali (V)

- Esempio: $b = 2, B = 16 = 2^4$
 $(E134A6)_{16} \rightarrow (??)_2$
 $D_0 = d_3b^3 + d_2b^2 + d_1b + d_0$
 $D_1B = d_7b^7 + d_6b^6 + d_5b^5 + d_4b^4$
 ...

verso di conversione

←→
 E 1 3 4 A 6
 1110 0001 0011 0100 1010 0110

- $(E134A6)_{16} \rightarrow (1110 0001 0011 0100 1010 0110)_2$

Conversioni fra basi speciali (VI)

- La tecnica rapida può essere applicata solo per conversioni tra basi del tipo detto ma può risultare utile anche per il passaggio dalla base b^m alla base b^n
- In questo caso si può operare in due tempi, p. es., passando prima dalla base b^m alla base b e poi da questa alla base b^n
- Un caso di interesse è la conversione da base 16 (2^4) a base 8 (2^3) (o viceversa)
- Esempio
 $(FBOA9)_{16} \leftrightarrow (1111 1011 0000 1010 1001)_2$
 $(11 111 011 000 010 101 001)_2 \leftrightarrow (3730251)_8$

Rappresentazione di caratteri in ASCII (I)

- Codice **ASCII** (American Standard Code for Information Interchange) definisce una rappresentazione su **7 bit** di **128 caratteri**
- *Tipicamente*, i 7 bit che definiscono un carattere sono *contenuti* nei 7 bit meno significativi di un byte (8 bit) (l'uso del bit più significativo non è standardizzato)
- Esempi usando un byte
A → ?1000001, a → ?1100001
- Il codice di un carattere secondo ASCII (7 bit) è spesso interpretato come un numero in base 2, rappresentato poi in base 8, 16 o 10 (carattere rappresentato da un valore ottale, esadecimale o decimale)

13

Rappresentazione di caratteri in ASCII (II)

- E' possibile suddividere i 128 caratteri ASCII in 4 gruppi (suddivisione seguente basata sulla **rappresentazione decimale** di un carattere):
 - Caratteri di controllo non stampabili (0-31)
 - Punteggiatura, spaziatura, simboli, cifre (32-64) (91-96) (123-127)
 - Caratteri alfabetici maiuscoli (65-90)
 - Caratteri alfabetici minuscoli (97-122)

14

Rappresentazione di caratteri in ASCII (III)

- Con un byte, si possono rappresentare fino a 256 caratteri: esistono varie *estensioni (non standard)* del codice ASCII nelle quali sono rappresentati più di 128 caratteri (il valore del bit più significativo del byte di codice permette di distinguere se i rimanenti 7 bit identificano uno dei 128 carattere ASCII o un carattere aggiuntivo (*non standard*))
- Le due tabelle seguenti riportano un esempio di *ASCII esteso*: se il bit più significativo del byte di codice vale 0, allora i 7 bit rimanenti individuano un carattere ASCII
- *Oltre all'ASCII, esistono vari codici, anche standard, per la rappresentazione di caratteri*

15

Esempio di ASCII esteso: caratteri ASCII

Byte	Cod	Char	Byte	Cod	Char	Byte	Cod	Char	Byte	Cod	Char
00000000	0	Null	00100000	32	Spc	01000000	64	@	01100000	96	
00000001	1	Start of heading	00100001	33	!	01000001	65	A	01100001	97	a
00000010	2	Start of text	00100010	34	"	01000010	66	B	01100010	98	b
00000011	3	End of text	00100011	35	#	01000011	67	C	01100011	99	c
00000100	4	End of transmit	00100100	36	\$	01000100	68	D	01100100	100	d
00000101	5	Enquiry	00100101	37	%	01000101	69	E	01100101	101	e
00000110	6	Acknowledge	00100110	38	&	01000110	70	F	01100110	102	f
00000111	7	Audible bell	00100111	39	'	01000111	71	G	01100111	103	g
00001000	8	Backspace	00101000	40	(01001000	72	H	01101000	104	h
00001001	9	Horizontal tab	00101001	41)	01001001	73	I	01101001	105	i
00001010	10	Line feed	00101010	42	*	01001010	74	J	01101010	106	j
00001011	11	Vertical tab	00101011	43	+	01001011	75	K	01101011	107	k
00001100	12	Form Feed	00101100	44	,	01001100	76	L	01101100	108	l
00001101	13	Carriage return	00101101	45	-	01001101	77	M	01101101	109	m
00001110	14	Shift out	00101110	46	.	01001110	78	N	01101110	110	n
00001111	15	Shift in	00101111	47	/	01001111	79	O	01101111	111	o
00100000	16	Data link escape	00110000	48	0	01010000	80	P	01110000	112	p
00100001	17	Device control 1	00110001	49	1	01010001	81	Q	01110001	113	q
00100010	18	Device control 2	00110010	50	2	01010010	82	R	01110010	114	r
00100011	19	Device control 3	00110011	51	3	01010011	83	S	01110011	115	s
00100100	20	Device control 4	00110100	52	4	01010100	84	T	01110100	116	t
00100101	21	Neg. acknowledge	00110101	53	5	01010101	85	U	01110101	117	u
00100110	22	Synchronous idle	00110110	54	6	01010110	86	V	01110110	118	v
00100111	23	End trans. block	00110111	55	7	01010111	87	W	01110111	119	w
00110000	24	Cancel	00111000	56	8	01011000	88	X	01110000	120	x
00110001	25	End of medium	00111001	57	9	01011001	89	Y	01110001	121	y
00110010	26	Substitution	00111010	58	:	01011010	90	Z	01110010	122	z
00110011	27	Escape	00111011	59	;	01011011	91	[01110011	123	{
00111000	28	File separator	00111100	60	<	01011100	92	\	01111000	124	
00111001	29	Group separator	00111101	61	=	01011101	93]	01111001	125	}
00111010	30	Record Separator	00111110	62	>	01011110	94	^	01111010	126	~
00111011	31	Unit separator	00111111	63	?	01011111	95	_	01111011	127	Del

16

Esempio di ASCII esteso: caratteri aggiuntivi

Byte	Cod	Char									
10000000	128	Ç	10100000	160	à	11000000	192	+	11100000	224	Ó
10000001	129	ü	10100001	161	á	11000001	193	-	11100001	225	Ô
10000010	130	ë	10100010	162	â	11000010	194	-	11100010	226	Õ
10000011	131	ä	10100011	163	ã	11000011	195	+	11100011	227	Ö
10000100	132	å	10100100	164	ä	11000100	196	-	11100100	228	Ø
10000101	133	å	10100101	165	Å	11000101	197	+	11100101	229	Ù
10000110	134	å	10100110	166	Ä	11000110	198	+	11100110	230	Ú
10000111	135	ç	10100111	167	Ö	11000111	199	+	11100111	231	Û
10001000	136	é	10101000	168	ç	11001000	200	+	11101000	232	Ü
10001001	137	ë	10101001	169	è	11001001	201	+	11101001	233	Ý
10001010	138	è	10101010	170	é	11001010	202	-	11101010	234	Û
10001011	139	é	10101011	171	½	11001011	203	-	11101011	235	Ü
10001100	140	í	10101100	172	¾	11001100	204	-	11101100	236	Ý
10001101	141	î	10101101	173	¿	11001101	205	-	11101101	237	ÿ
10001110	142	Ï	10101110	174	«	11001110	206	+	11101110	238	·
10001111	143	À	10101111	175	»	11001111	207	+	11101111	239	·
10010000	144	É	10110000	176	-	11010000	208	+	11110000	240	·
10010001	145	Ê	10110001	177	-	11010001	209	+	11110001	241	·
10010010	146	Ë	10110010	178	-	11010010	210	+	11110010	242	·
10010011	147	Ë	10110011	179	-	11010011	211	+	11110011	243	·
10010100	148	ô	10110100	180	-	11010100	212	+	11110100	244	·
10010101	149	õ	10110101	181	-	11010101	213	+	11110101	245	·
10010110	150	ö	10110110	182	-	11010110	214	+	11110110	246	·
10010111	151	ÿ	10110111	183	-	11010111	215	+	11110111	247	·
10011000	152	ÿ	10111000	184	-	11011000	216	+	11111000	248	·
10011001	153	Û	10111001	185	-	11011001	217	+	11111001	249	·
10011010	154	Ü	10111010	186	-	11011010	218	+	11111010	250	·
10011011	155	Ý	10111011	187	-	11011011	219	+	11111011	251	·
10011100	156	Ë	10111100	188	-	11011100	220	+	11111100	252	·
10011101	157	Ø	10111101	189	-	11011101	221	+	11111101	253	·
10011110	158	×	10111110	190	-	11011110	222	+	11111110	254	·
10011111	159	f	10111111	191	-	11011111	223	+	11111111	255	·

17

Tipo char in C (I)

- L'insieme dei valori che una variabile di tipo **char** può assumere è un intervallo **I** di interi (gli estremi dipendono dall'*implementazione* e sono definiti dalle costanti **CHAR_MIN** e **CHAR_MAX** nel file **limits.h**)
- L'intervallo **I** contiene gli interi corrispondenti al codice utilizzato per la codifica dei caratteri (*tipicamente*, ASCII)
- Un valore di tipo **char** è *tipicamente* memorizzato in **1 byte**, con $I \equiv [-128, 127]$ o $I \equiv [0, 255]$
- Un valore di tipo **char** (un singolo carattere) può essere indicato *esplicitamente* (tra singoli apici) o con l'*intero corrispondente al suo codice* (p. es., se è usato codice ASCII, 'a' e 97 rappresentano a)

18

Tipo char in C (II)

- Esempio `char z = 'b'` ;
dichiara **z** come **char** assegnandogli il codice della lettera **b** (se è usato il codice ASCII il valore assegnato a **z** sarà 98)
- Esempio `char beta = 99` ;
dichiara **beta** come **char** assegnandogli il valore **99** (**beta** è associato al carattere **c** solo se è usato il codice ASCII (attenzione alla *portabilità*))
- Esempio `char cc = '\n'` ;
dichiara **cc** come **char** assegnandogli il codice di **newline** ('\n' è un singolo carattere)
- Specifica di conversione: **%c** in **scanf** e in **printf**
- Operazioni: un valore di tipo **char** può essere usato in espressioni aritmetiche

19

Stampa di un carattere e del suo codice

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    char car;
    printf( "Inserire un carattere\n" );
    scanf( "%c" , &car );
    printf( "Il codice di %c e' %d\n" , car , car );
    return 0 ;
}
```

20

Operatori relazionali per interi in C (I)

Operatori binari (due operandi) per confronto ordinato:
maggioranza ($>$), minoranza ($<$), maggioranza o uguaglianza (non minoranza) ($>=$), minoranza o uguaglianza (non maggioranza) ($<=$)

Operatori binari (due operandi) per confronto non ordinato: uguaglianza ($==$) (attenzione!), diversità (non uguaglianza) ($!=$)

Sono usati per formulare condizioni (*espressioni condizionali o logiche*) e producono un risultato binario (due possibili valori) interpretato come *valore logico*: 0(1) indica che, con gli operandi specificati, la condizione è *falsa(vera)*

Possono apparire in espressioni in cui appaiono operatori di altro tipo

21

Operatori relazionali per interi in C (II)

Esempi (assumendo x, y, w, z di tipo `int` e $x = 3, y = -7, w = 11$ al tempo di valutazione delle espressioni seguenti)

$z = (x == 3);$ (1 assegnato a z poiché x vale 3)

$z = ((x + 3) <= (y + w));$ (0 assegnato a z poiché $x + 3$ vale 6 e $y + w$ vale 4)

$y != 5$ (vale 1)

$x == (y + 10)$ (vale 1)

$(y + 10) == x$ (vale 1 (confronto non ordinato!))

$x < w$ (vale 1)

$w < x$ (vale 0 (confronto ordinato!))

22

Operatori logici (I)

- Sono usati per combinare costanti, variabili, espressioni logiche, aventi valore **FALSO** o **VERO**, e producono nuovi valori **FALSO** o **VERO**
- **AND, OR**: operatori binari (due operandi);
- **NOT**: operatore unario (un operando)
- **X AND Y**: produce valore **VERO** solo se **X** e **Y** hanno entrambi valore **VERO**
- **X OR Y**: produce valore **FALSO** solo se **X** e **Y** hanno entrambi valore **FALSO**
- **NOT X**: inverte valore di **X**
- Operatori e valori di questo tipo sono detti **booleani** (da Boole)

23

Operatori logici (II)

A	B	A AND B	A OR B	NOT A
FALSO	FALSO	FALSO	FALSO	VERO
FALSO	VERO	FALSO	VERO	
VERO	FALSO	FALSO	VERO	FALSO
VERO	VERO	VERO	VERO	

- Proprietà di *associatività*:
- $(X \text{ AND } Y) \text{ AND } Z = X \text{ AND } (Y \text{ AND } Z)$
 $= X \text{ AND } Y \text{ AND } Z$
- $(X \text{ OR } Y) \text{ OR } Z = X \text{ OR } (Y \text{ OR } Z)$
 $= X \text{ OR } Y \text{ OR } Z$

24

Operatori logici in C (I)

- Per le operazioni logiche di **AND**, **OR** e **NOT** sono disponibili, rispettivamente, gli operatori **&&**, **||** e **!**
- Gli operandi di un operatore logico vengono resi logici in questo modo: il valore **0** viene interpretato come **FALSO**, mentre un valore diverso da **0** (qui indicato con **≠0**) viene interpretato come **VERO**
- **&&**, **||** e **!** forniscono come risultato **0** (inteso come **FALSO**) o **1** (inteso come **VERO**)

A	B	A && B	A B	!A
0	0	0	0	1
0	≠0	0	1	
≠0	0	0	1	0
≠0	≠0	1	1	

25

Operatori logici in C (II)

A	B	A && B	A B	!A
0	0	0	0	1
0	≠0	0	1	
≠0	0	0	1	0
≠0	≠0	1	1	

- La valutazione delle espressioni contenenti **&&** e **||** obbedisce alle regole seguenti
- **espressione1 && espressione2**: Se **espressione1** vale **0 (FALSO)**, **espressione2** non viene valutata e l'espressione complessiva vale **0 (FALSO)**
- **espressione1 || espressione2**: Se **espressione1** vale **≠0 (VERO)**, **espressione2** non viene valutata e l'espressione complessiva vale **1 (VERO)**

26

Esempi di espressioni logiche in C

Esempi (assumendo **x**, **y**, **w**, **z** di tipo **int** e **x = 3**, **y = -7**, **w = 11** al tempo di valutazione delle espressioni seguenti)

z = ((x == 3) && (y == -7)); (1 assegnato a **z**)

z = ((x != 2) || ((y + w) == 5)); (1 assegnato a **z**)

!w (vale 0 poiché **w** non vale 0)

x == (!y + 10) (vale 0)

(y > 1) && z (vale 0 (valore di **z** ininfluyente))

(y < 1) || z (vale 1 (valore di **z** ininfluyente))

27

Uso degli operatori logici

- Formulazione di condizioni
Esempio: Le condizioni affinché un triangolo di lati **a**, **b**, **c** risulti **equilatero**, **isoscele**, **scaleno** possono essere formulate come segue

equilatero: (**a = b**) AND (**a = c**)

isoscele: ((**a = b**) AND (**a ≠ c**))
OR ((**a = c**) AND (**a ≠ b**))
OR ((**b = c**) AND (**a ≠ c**))

scaleno: (**a ≠ b**) AND (**a ≠ c**) AND (**b ≠ c**)

28

Uso degli operatori logici in C

- In C, le precedenti formulazioni assumono le forme

equilatero: `(a == b) && (a == c)`

isoscele: `((a == b) && (a != c))`
`|| ((a == c) && (a != b))`
`|| ((b == c) && (a != c))`

scaleno: `(a != b) && (a != c) && (b != c)`

29

Strutture if else nidificate

E' possibile ottenere ramificazioni complesse inserendo strutture **if else** nei blocchi istruzioni di altre strutture **if else**

Una scrittura *indentata* può facilitare la lettura del programma (semplifica *al programmatore* l'associazione di un **else** con il proprio **if**)

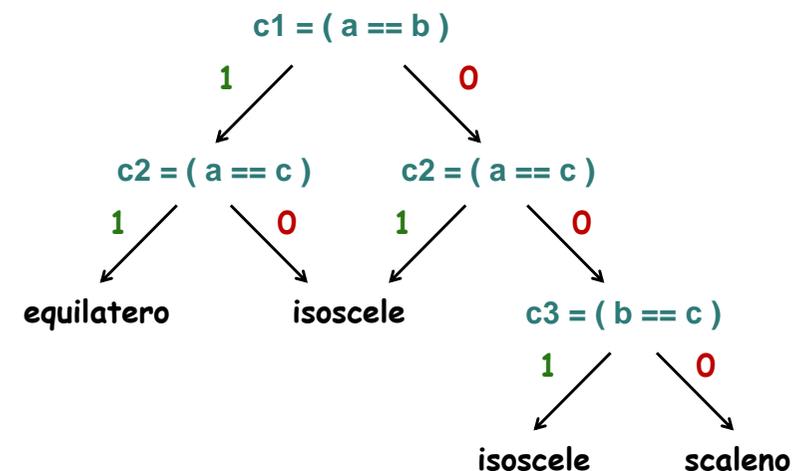
30

Determinare il tipo di un triangolo (I)

```
...
c1 = ( a == b );
c2 = ( a == c );
c3 = ( b == c );
if ( c1 )
{
    if ( c2 ) printf( "equilatero\n" ); /* c1 && c2 */
    else printf( "isoscele\n" ); /* c1 && !c2 */
}
else /* !c1 */
{
    if ( c2 ) printf( "isoscele\n" ); /* !c1 && c2 */
    else if ( c3 ) printf( "isoscele\n" ); /* !c1 && !c2 && c3 */
    else printf( "scaleno\n" ); /* !c1 && !c2 && !c3 */
}
...
```

31

Determinare il tipo di un triangolo (II)



32

Determinare il tipo di un triangolo (III)

```
...
c1 = ( a == b );
c2 = ( a == c );
c3 = ( b == c );
/* !c1 && !c2 && c3 equivale a !c2 && c3 */
if ( c1 && c2 )
    printf( "equilatero\n" );
if ( ( c1 && !c2 ) || ( c2 && !c1 ) || ( c3 && !c2 ) )
    printf( "isoscele\n" );
if ( !c1 && !c2 && !c3 )
    printf( "scaleno\n" );
...
```