

Ingegneria meccanica

Lezione 8 - 26 novembre 2007

1

Rappresentazione di numeri reali (1)

- Numerazione posizionale: $d_n \dots d_1 d_0 . d_{-1} d_{-2} \dots d_{-m}$
rappresenta
 $d_n B^n + \dots + d_1 B^1 + d_0 + d_{-1} B^{-1} + \dots + d_{-m} B^{-m}$
- Notazione scientifica: $S \times B^{Exp}$
 S è detto significando
 Exp è detto esponente
- Esempi
 $-7869000000000000000000000000 \rightarrow -7.869 \times 10^{25}$
 $0.0000000000000000000000001234 \rightarrow 1.234 \times 10^{-21}$
- Attenzione: $S \times B^{Exp}$ può presentarsi nelle forme
 $SEExp$ o $SeExp$ ($-7.869E25$, $1.234e-21$)

2

Rappresentazione di numeri reali (2)

- **Formati tipici nel caso binario:** 32 o 64 bit, di cui
 - 1 bit di **segno** (0 positivo e 1 negativo)
 - 8 o 11 bit di **esponente**
 - 23 o 52 bit di **significando** (in valore assoluto)
- Il **significando** è posto nella forma **normalizzata** **1.b ... bb** (rappresentazione di **1.** è implicita) (il numero 0 è rappresentato in modo speciale)
- L'**esponente Exp** è **polarizzato**: **Exp** è rappresentato con **Exp+bias** (bias = 127 o 1023)

3

Rappresentazione di numeri reali (3)

- Esempio su 32 bit: $(-0.75)_{10}$ equivale a $(-0.11)_2$
 Segno: 1 (-)
 Normalizzazione: $0.11 \rightarrow 1.1 \times 2^{-1}$
Significando: solo un 1 di peso -1, ovvero, su 23 bit, 10000000000000000000000 (1. implicito)
 Polarizzazione esponente: $-1 \rightarrow -1 + 127 = 126$
 (esponente polarizzato = 01111110)
 $-0.75 \rightarrow 1 \text{ 01111110 } 10000000000000000000000$
- Limiti precisi per gli intervalli in cui sono *spalmati* i valori rappresentabili. In modulo, valori troppo piccoli provocano **underflow**, valori troppo grandi provocano **overflow**

4

C: Tipi float, double, long double

- Minimo intervallo, in modulo: [1E-37, 1E+37]
- Minima precisione in cifre decimali: 6 per float, 10 per double e long double
- Dettagli dell'implementazione in "float.h" (varie grandezze disponibili)
- Rappresentazione tipica: quella descritta per i reali (32 bit per float, 64 bit per double)
- Nelle dichiarazioni: float, double, long double
- Specifica di conversione: %f, %lf, %Lf (altre possibilità in seguito)

5

C: Operandi reali (1)

- Variabili di tipo float, double o long double
- Costanti usate direttamente nelle espressioni
Segno *opzionale*; cifre decimali; senza spazi vuoti
Separazione parte intera-parte frazionaria con punto; una delle due parti può mancare
Esponente: e o E (-2.67e-23; +0.098E+32);
opzionale, se presente, è seguito da un intero
Se manca il punto *deve* essere presente l'esponente, e viceversa (-267e-2; +0.098);
Suffisso: f o F per float e l o L per long double;
opzionale (-267.0000876787e29L)

6

C: Operandi reali (2)

- Costanti introdotte con #define
Forma: #define nome valore
Nome: stesse regole date per il nome di variabili
Valore: per produrre valori *corretti*, stesse regole date per le costanti nelle espressioni
- Il tipo di una costante reale *dipende* da come viene specificata
Senza suffisso: assegnato tipo double
Con suffisso f o F: assegnato tipo float
Con suffisso l o L: assegnato tipo long double

7

C: Operatori per reali (1)

- ARITMETICI
Binari (due operandi): somma (+), sottrazione (-), prodotto (*), quoziente (/)
- Unari (un operando): segno (+, -)
- Attenzione: il comportamento in caso di underflow/overflow *dipende* dall'implementazione

8

C: Operatori per reali (2)

- **RELAZIONALI**

Binari (due operandi): maggiore (>), minore (<), maggiore/uguale (>=), minore/uguale (<=), uguale (==), diverso (!=)

- **Attenzione:** la rappresentazione *approssimata* dei valori reali può produrre sorprese

Esempio: $(1.0/3.0 + 1.0/3.0 + 1.0/3.0) == 1.0$ potrebbe valere 0

Test del tipo **r1 uguale r2** tipicamente sostituito con test **modulo(r1-r2) minore/uguale D**, con D opportuno

9

C: Operatori per reali (3)

- **LOGICI**

Binari (due operandi): AND (&&), OR (||)

Unario (un operando): NOT (!)

- Vengono applicate le tabelline viste per gli interi (per la valutazione, un operando può essere solo 0.0 o diverso da 0.0)

Esempi: $!-234.8 = 0$; $+1.1 \&\& -1.1 = 1$;
 $0.1 || 0.0 = 1$

- Ordine di valutazione operandi per && e ||: stesse regole viste per gli interi

10

C: Libreria matematica

- Collezione di funzioni matematiche predefinite, utilizzabili inserendo la direttiva

include <math.h>

- **Esempi**

double sqrt(double x): radice quadrata non negativa di x

double pow(double x , double y): x elevato alla potenza y

double floor(double x): intero più grande non maggiore di x

double ceil(double x): intero più piccolo non minore di x

11

C: Conversione di tipo (1)

- Conversione *implicita* nel caso di operatori binari utilizzati con due operandi di tipo diverso: uno dei due tipi (**inferiore**) viene **promosso** all'altro (**superiore**) ed il risultato è del tipo **superiore**
- ESEMPIO di regola (informale)
oper1 * oper2: se **oper1** è **double** e **oper2** è **float**, **oper2 promosso** a **double** e risultato è **double**
- **Attenzione:** a , b float e c double
a = b + c ; assegnerà il valore double risultato della somma ad una variabile float con potenziale *perdita di informazione* (in un assegnamento il tipo della variabile destinazione definisce il tipo finale)

12

C: Conversione di tipo (2)

- Conversione *implicita* nella chiamata di funzione
- Gli argomenti passati ad una funzione *dichiarata con prototipo* vengono convertiti secondo quanto specificato nella dichiarazione con potenziale *perdita di informazione*
- ESEMPIO: se gli argomenti formali sono **float** e **int**, una chiamata con argomenti attuali **int** e **float** provoca una potenziale *perdita di informazione*

13

C: Conversione di tipo (3)

- Conversione *implicita* nella **return** all'interno di una funzione
- In **return** (**espressione**), il tipo assegnato al valore di **espressione** è quello specificato nella dichiarazione della funzione (potenziale *perdita di informazione*)
- ESEMPIO: **b float** e **c int**, tipo di ritorno **int**
return b * c ; convertirà il risultato **float** del prodotto in un **int** con potenziale *perdita di informazione*

14

C: Conversione di tipo (4)

- Conversione *esplicita* di tipo può essere forzata con operatore **cast**
- **(tipo) espressione** provoca la valutazione di espressione come se il risultato dovesse essere assegnato ad una variabile del **tipo** forzato
- ESEMPIO di utilizzazione: conversione tipo argomento nella chiamata funzioni di libreria (potrebbero non fare uso di dichiarazione tramite prototipo)
- **sqrt((double) n)** chiamata di **sqrt** su **n int** convertito a **double** (valore di **n** immutato!)

15

Precedenza e associatività

! ++ -- + - (tipo)	da destra a sinistra
* / %	da sinistra a destra
+ -	da sinistra a destra
< <= > >=	da sinistra a destra
== !=	da sinistra a destra
&&	da sinistra a destra
	da sinistra a destra
= += -= *= /= %=	da destra a sinistra

16

C: Passaggio di array a funzioni (1)

- E' possibile passare un intero array ad una funzione

- Esempio

```
int max ( int v[4] ) ;
```

```
...
```

```
int w[4] ;
```

```
...
```

```
a = max( w ) ;
```

- In questo caso *gli elementi di w possono essere modificati da max*. Passaggio di un array avviene *per riferimento*: viene passato l'indirizzo del primo elemento dell'array

17

C: Passaggio di array a funzioni (2)

- E' opzionale specificare la dimensione dell'array nella dichiarazione/definizione di una funzione che ha un array monodimensionale nella *lista-argomenti*,

- Esempio

```
int max ( int v[ ] ) ;
```

- In caso di array bidimensionale si deve specificare almeno la seconda dimensione

- Esempio

```
min ( int v[ ][7] ) ;
```

18

C: Funzione ricerca elemento in un array

```
int searchd( double [ ] , unsigned , double ) ;
```

```
int searchd( double a[ ] , unsigned dim , double w )
{
    unsigned int h ;
    int found = -1 ;
    for ( h = 0 ; ( h < dim ) && ( found == -1 ) ; h++ )
    {
        if ( a[ h ] == w ) found = h ;
    }
    return found ;
}
```

/ possibile chiamata funzione searchd con b array di almeno 4 double e posizione di tipo int*/*
posizione = searchd(b , 4 , 11.322)

19

C: Funzione ricerca valore minimo

- `double min( double [ ] , unsigned ) ;`

```
double min( double a[ ] , unsigned dim ) {
    /* si assume dim >= 1 */
    unsigned int h ;
    double mini = a[ 0 ] ;
    for ( h = 1 ; h < dim ; h++ ) {
        if ( a[ h ] < mini ) mini = a[ h ] ;
    }
    return mini ;
}
```

- `z = min( b , 4 )` */* possibile chiamata funzione min con b array di almeno 4 double e z double */*

20

C: Funzione ricerca indice valore minimo

```
• unsigned int min( double [ ] , unsigned int ) ;  
  
• unsigned int min( double a[ ] , unsigned int dim ) {  
    /* si assume dim >= 1 */  
    unsigned int h , pos = 0 ;  
    double mini = a[ 0 ] ;  
    for ( h = 1 ; h < dim ; h++ ) {  
        if ( a[ h ] < mini ) {  
            mini = a[ h ] ;  
            pos = h ;  
        }  
    }  
    return pos ; /* pos = 1a posizione valore minimo */  
}
```

21

C: Funzione ricerca valore massimo

```
• int max(int [M1][M2], unsigned, unsigned ) ;  
    /* M1, M2: massimo numero di righe, colonne */  
  
• int max(int a[M1][M2], unsigned dim1, unsigned dim2)  
{ /* si assume dim1 >= 1 , dim2 >= 1 */  
    unsigned int h , k ;  
    int max = a[ 0 ][ 0 ] ;  
    for ( h = 0 ; h < dim1 ; h++ ) {  
        for ( k = 0 ; k < dim2 ; k++ ) {  
            if ( a[ h ][ k ] > max )  
                max = a[ h ][ k ] ;  
        }  
    }  
    return max ;  
}
```

22